

Correction du brevet blanc d'avril 2010

Partie numérique

Exercice 1 :

$$\begin{aligned} A &= \frac{5}{7} + \frac{5}{7} \times \left(5 + \frac{1}{2}\right) = \frac{5}{7} + \frac{5}{7} \times \left(\frac{10}{2} + \frac{1}{2}\right) \\ &= \frac{5}{7} + \frac{5}{7} \times \frac{11}{2} \\ &= \frac{5}{7} + \frac{55}{14} \\ &= \frac{10}{14} + \frac{55}{14} \\ A &= \frac{65}{14} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= \frac{15 \times 10^{-3} \times 7 \times 10^7}{5 \times 10^2} = \frac{15 \times 7}{5} \times \frac{10^{-3} \times 10^7}{10^2} \\ &= 3 \times 7 \times 10^{-3+7-2} \\ &= 21 \times 10^2 \\ B &= 2,1 \times 10^3 = 2\,100 \end{aligned}$$

Exercice 2 :

1) Calculons séparément les valeurs prises par les 1^{er} et 2^{ème} membres pour $x = -2$:

1^{er} membre : $3 \times (-2) + 12 = 6$

2^{ème} membre : $4 - 2 \times (-2) = 8$

or $6 < 8$ donc **(-2) est solution.**

2) Pour $x = -2$, le membre de gauche vaut :

$$(-2 - 2)(2 \times (-2) + l) = -4 \times (-4 + l)$$

Si $l=4$ alors **(-2) est solution.**

si $l \neq 4$ alors **(-2) n'est pas solution.**

3) Pour $x = -2$, le membre de gauche vaut :

$$(-2)^3 + 8 = -8 + 8 = 0$$

Donc **(-2) est solution.**

Exercice 3 :

1) Utilisons l'algorithme d'Euclide pour calculer le pgcd de 238 et 170 :

238	170	$238 = 170 \times 1 + 68$
170	68	$170 = 68 \times 2 + 34$
68	34	$68 = 34 \times 2 + 0$

Donc **pgcd(238 ; 170) = 34.**

2) $\frac{170}{238} = \frac{34 \times 5}{34 \times 7} = \frac{5}{7}$.

Exercice 4 :

1. $10 - 1 = 9$. **L'étendue de cette série statistique est 9kg.**

2. Il y a 48 éléments dans cette série, la médiane est entre le 24^{ème} et le 25^{ème} élément : **la médiane est 6kg.**

3. Q_1 est entre le 12^{ème} et le 13^{ème} élément, donc **$Q_1 = 5\text{kg}$.**

Q_3 est entre le 35^{ème} et le 36^{ème} élément, donc **$Q_3 = 8\text{kg}$.**

4. Moyenne = $\frac{1 \times 1 + 2 \times 2 + 3 \times 4 + 4 \times 2 + 5 \times 5 + 6 \times 11 + 7 \times 8 + 8 \times 8 + 9 \times 3 + 10 \times 4}{48} = 6,3125$.

La moyenne de cette série est environ 6,3kg.

5. Le calcul de Q_1 nous permet d'affirmer qu'au moins trois quart des élèves viennent avec un cartable qui pèse 5kg ou plus. **Donc l'affirmation est vraie.**

Partie géométrique

Exercice 1 :

1) B appartient à (OC) et D appartient à (OE). De plus (BD) est parallèle à (CE). Donc d'après le théorème de Thalès, $\frac{OB}{OC} = \frac{OD}{OE} = \frac{BD}{CE}$ c'est-à-dire : $\frac{7,2}{10,8} = \frac{6}{OE} = \frac{BD}{5,1}$. Donc

$$OE = \frac{6 \times 10,8}{7,2} = 9 \text{ et } BD = \frac{5,1 \times 7,2}{10,8} = 3,4. \text{ Donc } \mathbf{OE = 9\text{cm}} \text{ et } \mathbf{BD = 3,4\text{cm}}.$$

2) Calculons séparément :

$\frac{OF}{OD} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$ et $\frac{OG}{OB} = \frac{2,4}{7,2} = \frac{1 \times 2,4}{3 \times 2,4} = \frac{1}{3}$ donc $\frac{OF}{OD} = \frac{OG}{OB}$, les points G, O, B et F, O, D sont alignés dans le même ordre, donc d'après la réciproque du théorème de Thalès, **les droites (FG) et (BD) sont parallèles.**

Exercice 2 :

Dans le triangle CBD rectangle en D, $\sin(\widehat{BCD}) = \frac{BD}{CB}$; donc $CB = \frac{BD}{\sin(\widehat{BCD})} = \frac{5}{\sin(30^\circ)} = 10$

Donc **CB \approx 10cm.**

Dans le triangle ABC rectangle en B, $\tan(\widehat{BCA}) = \frac{AB}{BC}$, donc $AB = BC \times \tan(\widehat{BCA}) = 10 \times \tan(37^\circ) \approx 7,53$.

Donc **AB \approx 7,5cm.**

Dans ce même triangle, $\cos(\widehat{BCA}) = \frac{BC}{AC}$, donc $AC = \frac{BC}{\cos(\widehat{BCA})} = \frac{10}{\cos(37^\circ)} \approx 12,52$. Donc **AC \approx 12,5cm.**

Exercice 3 : (la figure n'est pas à la bonne dimension).

Dans le triangle ABC rectangle en C, d'après le théorème de Pythagore : $AB^2 = BC^2 + AC^2$.

Donc $BC^2 = AB^2 - AC^2 = 65^2 - 63^2 = 4225 - 3969 = 256$, ce qui donne $BC = \sqrt{256} = 16$.

Donc **BC = 16cm.**

Dans le triangle ABD, le plus grand coté est AB.

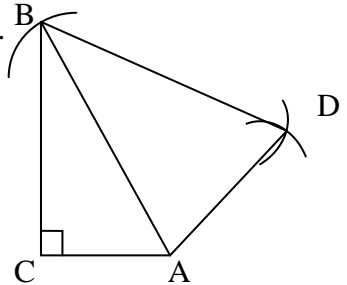
Calculons séparément :

$$AB^2 = 65^2 = 4225$$

$$AD^2 + DB^2 = 56^2 + 33^2 = 3136 + 1089 = 4225.$$

On remarque que $AB^2 = AD^2 + DB^2$, donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore,

ABD est un triangle rectangle en D.



Problème

Partie A

1.a. $AD = AF - DF = 6 - 2 = 4$ cm.

L'aire du rectangle ABCD = $AB \times AD = 4 \times 4 = 16$. Donc **l'aire du rectangle ABCD est de 16cm².**

b. Le triangle DCF est rectangle en D, donc l'aire du triangle $DCF = \frac{DF \times DC}{2} = \frac{2 \times 4}{2} = 4$.

Donc **l'aire du triangle DCF est de 4cm².**

2.a. L'aire du rectangle ABCD = $AB \times AD = 4 \times (6 - x) = 4 \times 6 - 4 \times x = 24 - 4x$.

Donc **l'aire du rectangle ABCD est de (24-4x) cm².**

b. Le triangle DCF est rectangle en D, donc l'aire du triangle $DCF = \frac{DF \times DC}{2} = \frac{x \times 4}{2} = 2x$.

Donc **l'aire du triangle DCF est de 2x cm².**

c. $24 - 4x = 2x$; on ajoute $4x$ dans les deux membres de l'égalité :

$24 - 4x + 4x = 2x + 4x$; Donc on obtient $24 = 6x$, et en divisant par 6 les deux membres de l'égalité,

$\frac{24}{6} = \frac{6x}{6}$ c'est-à-dire $4 = x$. **Donc la solution de l'équation est 4.**

L'aire du rectangle ABCD égale à l'aire du triangle DCF s'écrit $24 - 4x = 2x$, et l'égalité est vérifiée pour $x = 4$.

Donc **pour $x = 4$, l'aire du rectangle ABCD est égale à l'aire du triangle DCF.**

Partie B

1.

x	0	1	5
$g(x) = 2x$	$g(0) = 2 \times 0 = \mathbf{0}$	$g(1) = 2 \times 1 = \mathbf{2}$	$g(5) = 2 \times 5 = \mathbf{10}$
$f(x) = 24 - 4x$	$f(0) = 24 - 4 \times 0 = \mathbf{24}$	$f(1) = 24 - 4 \times 1 = \mathbf{20}$	$f(5) = 24 - 4 \times 5 = \mathbf{4}$

Nous allons tracer g en rouge. Pour cela on place les 3 points (2 suffisent car g est linéaire donc sa représentation graphique est une droite) (0 ; 0), (1 ; 2), (5 ; 10). De même pour f en bleu.

2. L'aire de DCF est égale à 6 cm² pour $x = 3$.

3. Si $x = 2,5$, alors **l'aire de ABCD vaut 14cm².**

4. Le triangle DCF et le rectangle ABCD ont la même aire pour $x = 4$ (cette aire vaudra alors 8cm²).

